Sockellehrplan BHS | Mathematik und Angewandte Mathematik

Digitale Kompetenz: zielgerichteter Einsatz aktuell verfügbarer Technologien (Computeralgebrasysteme, Tabellenkalkulationsprogramme, Dynamische-Geometrie-Software)

Zahlen, Größen, Rechenoperationen

- mit den Zahlbereichen \mathbb{N} , \mathbb{Z} , \mathbb{Q} , \mathbb{R} und ihren Zusammenhängen arbeiten; mit Zahlen aus diesen Mengen operieren, Rechenergebnisse abschätzen und Schranken angeben
- mit Beträgen, Darstellungen von Zahlen und Zahlenmengen auf der Zahlengeraden sowie mit der Intervallschreibweise arbeiten
- Darstellungen von Größen als Kombination von Maßzahl und Maßeinheit verstehen und anwenden; Maßumrechnungen durchführen
- mit Zehnerpotenzen und Gleitkommadarstellungen sowie den Vorsilben Pico bis Tera arbeiten
- relative Anteile ermitteln und interpretieren; mit Zahlenangaben in Prozent- und Promilledarstellung arbeiten

Terme, Formeln, Gleichungen

- Terme, Formeln und Gleichungen aufstellen, umformen und interpretieren; untersuchen, wie sich Änderungen von Größen in Formeln auf eine andere Größe auswirken
- lineare Gleichungen in einer Variable aufstellen und lösen; Lösungen interpretieren
- quadratische Gleichungen in einer Variable aufstellen und lösen; Lösungsfälle und Lösungen interpretieren
- lineare Gleichungssysteme in zwei Variablen aufstellen, umformen sowie rechnerisch und grafisch lösen; Lösungsfälle und Lösungen interpretieren
- lineare Gleichungssysteme in mehreren Variablen aufstellen und lösen; Lösungen interpretieren
- mit Potenzen mit ganzen und rationalen Exponenten sowie den zugehörigen Rechengesetzen arbeiten; zwischen Potenz- und Wurzelschreibweise wechseln
- mit Logarithmen sowie den zugehörigen Rechengesetzen arbeiten; Exponentialgleichungen lösen

Geometrie und Trigonometrie

- Berechnungen an geometrischen Objekten durchführen (Dreieck, Viereck, Kreis, Kreisbogen, Kreissektor, Prisma, Pyramide, Drehkegel, Drehzylinder, Kugel; Ähnlichkeit, pythagoräischer Lehrsatz, Winkelbeziehungen in geometrischen Figuren)
- mit $sin(\alpha)$, $cos(\alpha)$ und $tan(\alpha)$ im rechtwinkeligen Dreieck und im Einheitskreis arbeiten
- geometrische Aufgaben mithilfe rechtwinkeliger Dreiecke bearbeiten
- mit der Steigung einer Geraden als Seitenverhältnis in einem Steigungsdreieck, auch in Prozentdarstellung, sowie mit dem zugehörigen Steigungswinkel arbeiten

Funktionen

 bei einem verbal, tabellarisch, grafisch oder als Formel gegebenen Zusammenhang begründen, ob man ihn durch eine Funktion beschreiben kann; bei funktionalen

- Zusammenhängen zwischen den genannten Darstellungen wechseln; Werte und Wertepaare ermitteln und interpretieren
- Schnittpunkte zweier Funktionsgraphen grafisch und rechnerisch ermitteln; Schnittpunkte interpretieren
- mit abschnittsweise definierten Funktionen arbeiten
- Definitionsmenge von Funktionen ermitteln und interpretieren; mit folgenden Eigenschaften von Funktionen bzw. Funktionsgraphen arbeiten: Nullstellen, Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen, Symmetrie zur vertikalen Koordinatenachse bzw. zum Koordinatenursprung, horizontale Asymptoten, Monotonieverhalten, Extremstellen und Extrempunkte; Eigenschaften einer Funktion aus ihrem Graphen ablesen; Graphen einer Funktion mit gegebenen Eigenschaften skizzieren
- in Formeln zugrundeliegende Funktionstypen erkennen und zugehörige Funktionsgraphen skizzieren
- folgende Änderungsmaße von Funktionen ermitteln und interpretieren: absolute Änderung,
 Änderungsfaktor, relative bzw. prozentuelle Änderung, mittlere Änderungsrate

lineare Funktionen

- bei einem gegebenen Zusammenhang erkennen und begründen, ob man ihn durch eine lineare Funktion beschreiben kann; bei linearen Funktionen f mit $f(x) = k \cdot x + d$ die Parameter k und d ermitteln und interpretieren; mit Graphen linearer Funktionen arbeiten
- lineare Funktionen f mit $f(x) = k \cdot x$ als Darstellungen direkt proportionaler Zusammenhänge verstehen und anwenden
- lineare Funktionen f mit $f(x) = k \cdot x + d$ als Modelle für Wachstums- und Abnahmeprozesse mit f(0) = d und f(x+1) = f(x) + k verstehen und anwenden; die Angemessenheit dieser Modelle im jeweiligen Kontext bewerten
- anwendungsorientierte Sachverhalte in Naturwissenschaft und Wirtschaft mit linearen Funktionen modellieren (insbesondere die Zusammenhänge zwischen Kosten-, Erlös- und Gewinnfunktion)

quadratische Funktionen

- bei quadratischen Funktionen f mit $f(x) = a \cdot x^2 + b \cdot x + c$ den Wert von c und das Vorzeichen von a interpretieren
- quadratische Funktionen hinsichtlich Nullstellen, Scheitelpunkt, Monotonieverhalten sowie
 Symmetrie untersuchen; Graphen quadratischer Funktionen skizzieren
- anwendungsorientierte Sachverhalte in Naturwissenschaft und Wirtschaft mit quadratischen Funktionen modellieren (insbesondere die Zusammenhänge zwischen Kosten-, Erlös- und Gewinnfunktion)

Potenzfunktionen

- Funktionen f mit $f(x) = \frac{a}{x}$ mit $a \neq 0$ als Darstellungen indirekt proportionaler Zusammenhänge verstehen und anwenden
- Graphen von Potenzfunktionen f mit $f(x) = a \cdot x^z$ mit $a \neq 0$ und ganzzahligem $z \neq 0$ erkennen und skizzieren; für Funktionen g mit $g(x) = a \cdot x^z + c$ mit $a \neq 0$ und ganzzahligem $z \neq 0$ die Parameter a, z und c ermitteln sowie die Parameter a und c interpretieren
- anwendungsorientierte Sachverhalte in Naturwissenschaft und Wirtschaft mit Potenzfunktionen modellieren

Polynomfunktionen

- bei Polynomfunktionen f mit $f(x) = a_n \cdot x^n + ... + a_1 \cdot x + a_0$ mit $a_n \neq 0$ den Wert von a_0 und das Vorzeichen von a_n interpretieren
- typische Verläufe von Graphen von Polynomfunktionen erkennen und skizzieren
- anwendungsorientierte Sachverhalte in Naturwissenschaft und Wirtschaft mit Polynomfunktionen modellieren (insbesondere die Zusammenhänge zwischen Kosten-, Erlösund Gewinnfunktion)

Exponentialfunktionen

- bei einem gegebenen Zusammenhang erkennen und begründen, ob man ihn durch eine Exponentialfunktion f mit $f(x) = a \cdot b^x$ bzw. $f(x) = a \cdot e^{\lambda \cdot x}$ mit $a \neq 0$, b > 0 und $b \neq 1$ bzw. $\lambda \neq 0$ beschreiben kann; zwischen diesen Darstellungen wechseln
- bei Funktionen f mit $f(x) = a \cdot b^x + c$ bzw. $f(x) = a \cdot e^{\lambda \cdot x} + c$ mit $a \neq 0$, b > 0 und $b \neq 1$ bzw. $\lambda \neq 0$ die Parameter a, b und c bzw. a, λ und c ermitteln; die Parameter a, b und c sowie das Vorzeichen von λ interpretieren; Graphen solcher Funktionen erkennen und skizzieren
- Exponentialfunktionen f mit $f(x) = a \cdot b^x$ bzw. $f(x) = a \cdot e^{\lambda \cdot x}$ mit $a \neq 0$, b > 0 und $b \neq 1$ bzw. $\lambda \neq 0$ als Modelle für Wachstums- und Abnahmeprozesse mit f(0) = a und $f(x+1) = b \cdot f(x)$ bzw. $f(x+1) = e^{\lambda} \cdot f(x)$ verstehen und anwenden; Halbwertszeit bzw. Verdoppelungszeit ermitteln und interpretieren; die Angemessenheit dieser Modelle im jeweiligen Kontext bewerten
- anwendungsorientierte Sachverhalte in Naturwissenschaft und Wirtschaft mit Exponentialfunktionen modellieren (insbesondere Zinseszinsrechnung)

Differentialrechnung

- Grenzwerte, Stetigkeit und Differenzierbarkeit von Funktionen auf Basis eines intuitiven Verständnisses interpretieren und damit argumentieren
- den Differenzenquotienten als mittlere Änderungsrate bzw. als Sekantensteigung interpretieren; Differenzenquotienten rechnerisch und grafisch ermitteln; mit Differenzenquotienten arbeiten
- den Differentialquotienten als lokale bzw. momentane Änderungsrate bzw. als Tangentensteigung interpretieren; den Differentialquotienten rechnerisch und näherungsweise grafisch ermitteln; mit Differentialquotienten arbeiten
- den Zusammenhang zwischen Differenzen- und Differentialquotienten verstehen und anwenden
- die Zusammenhänge zwischen einer Funktion und ihrer Ableitungsfunktion, auch in grafischen Darstellungen, verstehen und anwenden
- Ableitungsfunktionen von Potenz-, Polynom- und Exponentialfunktionen ermitteln und interpretieren; mit Faktor-, Summen-, Produkt- und Kettenregel zum Differenzieren von Funktionen, die aus solchen Funktionen zusammengesetzt sind, arbeiten
- Funktionen bzw. Funktionsgraphen untersuchen: Definitionsmenge, Nullstellen, Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen, Symmetrie, horizontale Asymptoten, Verhalten für $x \to \infty$ bzw. $x \to -\infty$, Monotonie- und Krümmungsverhalten, Extrem- und Wendestellen, Extrem- und Wendepunkte; Tangentengleichungen ermitteln
- den Zusammenhang zwischen dem Grad einer Polynomfunktion und der Anzahl möglicher Null-, Extrem- und Wendestellen verstehen und anwenden
- ein lineares Gleichungssystem zur Berechnung der Koeffizienten einer Polynomfunktion mit gegebenen Eigenschaften aufstellen und eine Funktionsgleichung ermitteln

 Anwendungen der Differentialrechnung in Naturwissenschaft und Wirtschaft durchführen (insbesondere die Zusammenhänge zwischen Weg, Geschwindigkeit und Beschleunigung)

Integralrechnung

- bestimmte Integrale im jeweiligen Kontext bzw. geometrisch als orientierte Flächeninhalte deuten; bestimmte Integrale mithilfe von Produktsummen bzw. geometrischen Überlegungen abschätzen
- Zusammenhänge zwischen einer Funktion und ihren Stammfunktionen, auch in grafischen
 Darstellungen, verstehen und anwenden
- Stammfunktionen, auch unter Verwendung von Faktorregel und Summenregel, ermitteln und interpretieren
- bestimmte Integrale stetiger Funktionen mithilfe von Stammfunktionen ermitteln
- bestimmte Integrale in Kontexten als Gesamteffekt von Änderungsraten verstehen und anwenden, d. h., $\int_a^b f'(x) \, \mathrm{d}x$ gibt die absolute Änderung von f im Intervall [a;b] an
- Größen durch bestimmte Integrale ermitteln und interpretieren (insbesondere Flächeninhalte)
- Anwendungen der Integralrechnung in Naturwissenschaft und Wirtschaft durchführen (insbesondere die Zusammenhänge zwischen Weg, Geschwindigkeit und Beschleunigung)

Beschreibende Statistik

- absolute und relative Häufigkeiten ermitteln und interpretieren
- mit Säulen-, Balken-, Linien-, Kreisdiagrammen, Boxplots sowie anderen grafischen
 Darstellungen arbeiten; mit Tabellen arbeiten
- statistische Kennzahlen (arithmetisches Mittel, Median, Modus, Spannweite, Varianz, Standardabweichung, Quartil, Interquartilsabstand) ermitteln und interpretieren;
 Auswirkungen von Datenänderungen auf diese statistischen Kennzahlen untersuchen

Lineare Regression und Korrelation

- lineare Regressionsfunktionen ermitteln, Ergebnisse interpretieren und damit argumentieren
- den Korrelationskoeffizienten nach Pearson ermitteln und interpretieren

Wahrscheinlichkeit

- relative Häufigkeiten als Schätzwerte für Wahrscheinlichkeiten und umgekehrt Wahrscheinlichkeiten als Vorhersagewerte für relative Häufigkeiten ermitteln und interpretieren
- Wahrscheinlichkeiten unter Verwendung der Laplace-Annahme ermitteln und interpretieren;
 die Zulässigkeit von Laplace-Annahmen beurteilen
- mit Baumdiagrammen bei mehrstufigen Zufallsexperimenten arbeiten; Wahrscheinlichkeiten mithilfe der Multiplikations- und Additionsregel ermitteln und diese interpretieren

Diskrete Zufallsvariablen

- mit der Wahrscheinlichkeitsfunktion einer diskreten Zufallsvariable arbeiten; den Erwartungswert einer diskreten Zufallsvariable ermitteln und interpretieren
- mit der Binomialverteilung arbeiten; zugehörige Wahrscheinlichkeiten ermitteln und interpretieren; die Zulässigkeit der Modellierung mit der Binomialverteilung beurteilen

Normalverteilung

- mit der Normalverteilung arbeiten, auch mit den Zusammenhängen zwischen Erwartungswert bzw. Standardabweichung und dem Graphen der Dichtefunktion; Flächeninhalte unter dem Graphen der Dichtefunktion ermitteln und interpretieren
- Wahrscheinlichkeiten und Quantile normalverteilter Zufallsvariablen ermitteln und diese
 Werte interpretieren; mit den σ-Regeln für normalverteilte Zufallsvariablen arbeiten
- um den Erwartungswert symmetrische Prognoseintervalle normalverteilter Zufallsvariablen ermitteln; solche Prognoseintervalle interpretieren